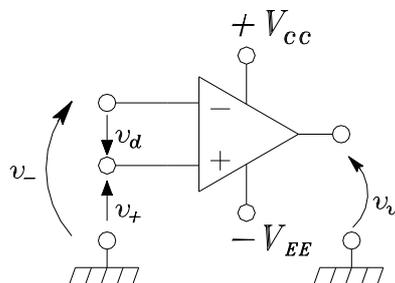


**L'amplificatore operazionale ideale**

Lo schema seguente è lo *schema circuitale* dell'amplificatore operazionale (A.O.):



$$vd = v_+ - v_-$$

$$vu = A \cdot (v_+ - v_-)$$

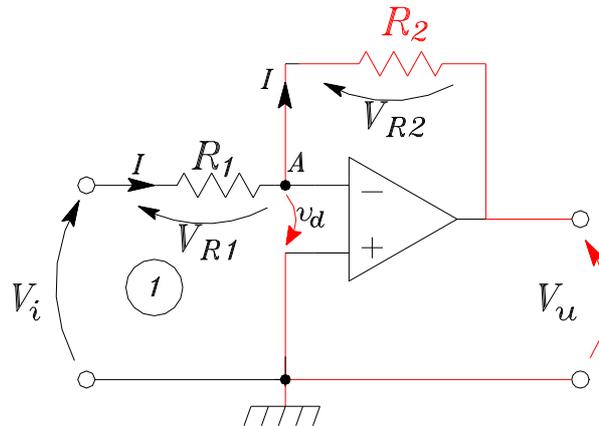
dove:

- $vu$  è la tensione d'uscita;
- $A$  fattore di amplificazione in catena aperta;
- $v_+$  tensione applicata al morsetto non invertente;
- $v_-$  tensione applicata al morsetto invertente;

Per un A. O. ideale gli elementi caratteristici sono:

$Ri \rightarrow \infty$	: resistenza d'ingresso infinita
$Ro = 0$	: resistenza d'uscita nulla
$A \rightarrow \infty$	: amplificazione di tensione in catena aperta infinita.
$B \rightarrow \infty$	: larghezza di banda infinita
$vu=0$	: quando $v_+ = v_-$ .

**Amplificatore operazionale ideale in schema invertente**



L'obiettivo è quello di conoscere il legame tra l'uscita ( $v_u$ ) e l'ingresso ( $v_i$ ), vale a dire l'espressione parametrica dell'amplificazione ( $A$ ) in catena chiusa.

Applicando il principio di Kirchhoff alla maglia 1, si ottiene:

$$v_i - v_{R1} + v_d = 0$$

da cui si ricava  $v_{R1}$ : .....  $v_{R1} = v_i + v_d$

tenuto conto che  $v_d=0$ , si ottiene: .....  $v_{R1} = v_i$

giungendo alla conclusione che il punto A si comporta come se fosse collegato a massa, tant'è che è chiamata **Massa virtuale**.

La corrente che scorre nella  $R_1$  è data da:

$$I = \frac{v_{R1}}{R_1} = \frac{v_i}{R_1}$$

essendo che l'A.O. ha impedenza d'ingresso  $\rightarrow \infty$ , vale a dire che non entra corrente all'interno dell'A.O., si ha che la corrente  $I$  attraversa pure la  $R_2$ , quindi la  $v_{R2}$  è data da:

$$v_{R2} = R_2 \cdot I = R_2 \cdot \frac{v_i}{R_1}$$

applicando Kirchhoff alla maglia esterna, si ottiene:

$$v_u + v_{R2} + v_d = 0$$

da cui:

$$v_u = -v_{R2}$$

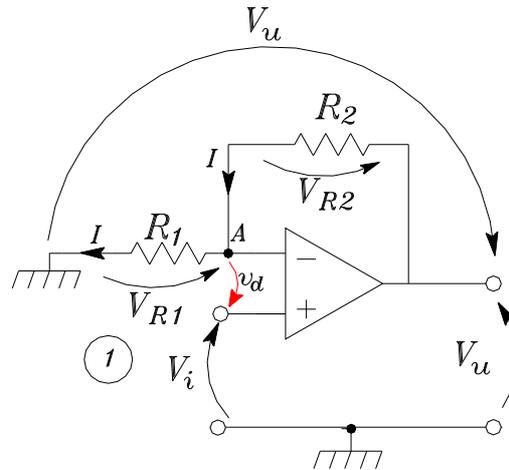
sostituendo  $v_{R2}$ :

$$v_u = -R_2 \cdot \frac{v_i}{R_1}$$

da cui ricavo il rapporto  $A = \frac{v_u}{v_i}$ , cioè guadagno dell'A.O. in catena chiusa

$$A = \frac{v_u}{v_i} = -\frac{R_2}{R_1}$$

**Amplificatore operazionale ideale in schema non invertente**



L'obiettivo è sempre quello di conoscere il legame tra l'uscita ( $v_u$ ) e l'ingresso ( $v_i$ ), vale a dire l'espressione parametrica dell'amplificazione ( $A$ ) in catena chiusa.

Applicando il principio di Kirchhoff alla maglia 1, si ottiene:

$$v_i - v_{R1} - v_d = 0$$

da cui si ricava  $v_{R1}$ : .....  $v_{R1} = v_i - v_d$

tenuto conto che  $v_d=0$ , si ottiene: .....  $v_{R1} = v_i$

La corrente che scorre nella  $R_1$  è data da:

$$I = \frac{v_{R1}}{R_1} = \frac{v_i}{R_1}$$

essendo che l'A.O. ha impedenza d'ingresso  $\rightarrow \infty$ , vale a dire che non entra corrente all'interno dell'A.O., si ha che la corrente  $I$  attraversa pure la  $R_2$ , quindi la  $v_{R2}$  è data da:

$$v_{R2} = R_2 \cdot I = R_2 \cdot \frac{v_i}{R_1}$$

dal circuito si nota che  $v_u$  è data dalla somma della caduta di tensione su  $R_1$  e di quella su  $R_2$ , pertanto, si ha:

$$v_u = v_{R2} + v_{R1}$$

sostituendo  $v_{R2}$  e  $v_{R1}$ . si ottiene :

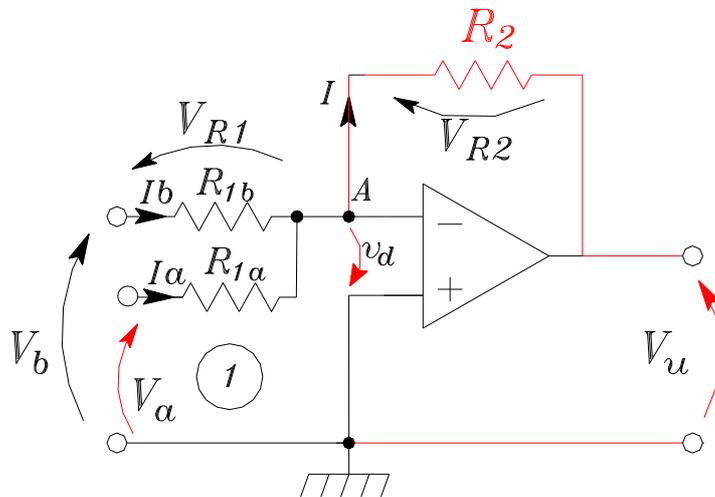
$$v_u = R_2 \cdot \frac{v_i}{R_1} + R_1 \cdot \frac{v_i}{R_1}$$

da cui ricavo il rapporto  $A = \frac{v_u}{v_i}$ , cioè guadagno dell'A.O. in catena chiusa

$$A = \frac{v_u}{v_i} = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$

**Amplificatore operazionale ideale a più ingressi**

**Sommatore invertente**

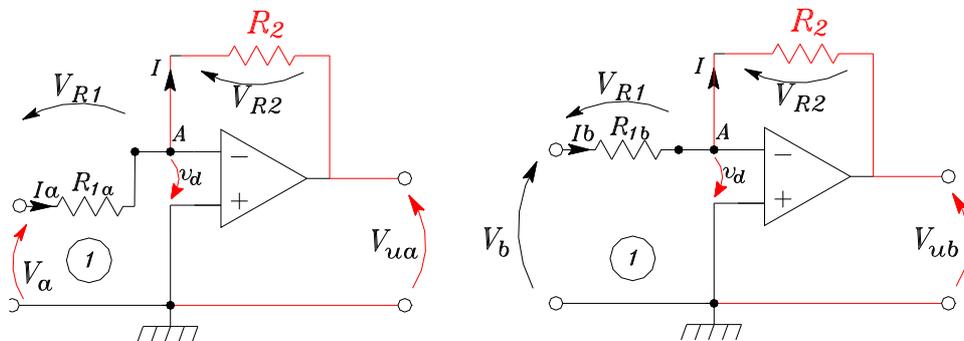


Può essere realizzato anche in configurazione non invertente.

**Impieghi:**

Trova utilizzo nella miscelazione dei segnali oppure nella somma o prodotto dei medesimi per valori costanti.

Per ottenere la relazione che lega l'uscita agli ingressi, si applica il principio di sovrapposizione degli effetti, pertanto si analizzeranno separatamente i seguenti circuiti:



trattasi di due amplificatori invertenti, analizzati nelle pagine precedenti, quindi si può scaturire che:

$$vu_a = -R_2 \cdot \frac{vi_a}{R_{1a}}$$

$$vu_b = -R_2 \cdot \frac{vi_b}{R_{1b}}$$

sommandoli, per il principio di sovrapposizione degli effetti, si ottiene:

$$vu = vu_a + vu_b$$

$$vu = -R_2 \cdot \frac{vi_a}{R_{1a}} - R_2 \cdot \frac{vi_b}{R_{1b}}$$

## AMPLIFICATORE OPERAZIONALE

**casi particolari del sommatore:****sommatore a guadagno unitario:**

Se tutte le resistenze hanno valore uguale, vale a dire:

$$R_2 = R_{1a} = R_{1b}$$

L'espressione della tensione d'uscita del sommatore invertente analizzato in precedenza si riduce a:

$$v_u = -(v_{i_a} + v_{i_b})$$

**circuito per la media delle tensioni:**

Se tutte le resistenze applicate al morsetto invertente hanno valore uguale, vale a dire:

$$R_{1a} = R_{1b} = R$$

ed

$$R = 2 \cdot R_2$$

L'espressione della tensione d'uscita del sommatore invertente si riduce a:

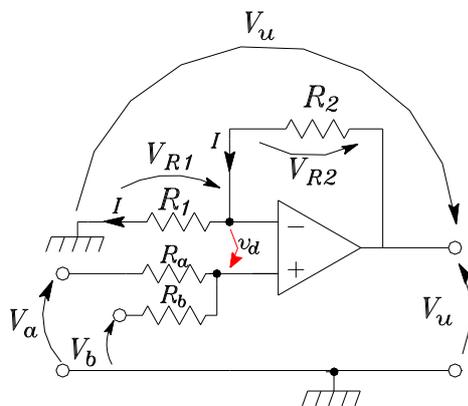
$$v_u = -R_2 \cdot \frac{v_{i_a}}{2 \cdot R_2} - R_2 \cdot \frac{v_{i_b}}{2 \cdot R_2}$$

$$v_u = -\frac{(v_{i_a} + v_{i_b})}{2}$$

che rappresenta la media delle due tensioni applicate all'ingresso. Lo stesso procedimento si può applicare per più  $n$  ingressi, in tal caso il valore della  $R$  sarà  $R = n \cdot R_2$  e la tensione d'uscita:

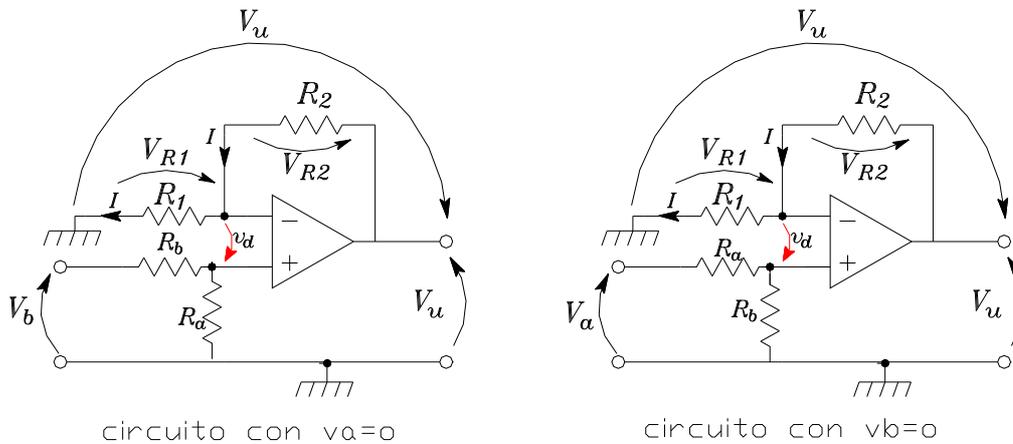
$$v_u = -\frac{v_a + v_b + v_c + \dots + v_n}{n}$$

che rappresenta la media delle  $n$  tensioni applicate all'ingresso.

**Sommatore non invertente**

Per ottenere la relazione che lega l'uscita agli ingressi, si applica il principio di sovrapposizione degli effetti, pertanto si analizzeranno separatamente i seguenti circuiti:

AMPLIFICATORE OPERAZIONALE



Sono due amplificatori non invertenti con un partitore di tensione in ingresso. Applicando il partitore di tensione all'ingresso del primo circuito ottengo:

$$v_+ = v_b \cdot \frac{R_a}{R_a + R_b}$$

essendo che  $v_d=0$  si ricava che:  $v_+ = v_- = V_{R1}$ , ricordando che trattasi di un amplificatore non invertente si ottiene:

$$v_u = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) \cdot \frac{R_a}{R_a + R_b} \cdot v_b$$

lo stesso vale per il circuito con  $v_b=0$ , ottenendo:

$$v_u = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) \cdot \frac{R_b}{R_a + R_b} \cdot v_a$$

sommando le due uscite:

$$v_u = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) \cdot \left(\frac{R_b}{R_a + R_b} \cdot v_a + \frac{R_a}{R_a + R_b} \cdot v_b\right)$$

se moltiplico e divido  $v_a$  per  $R_a$ , ed  $v_b$  per  $R_b$  si ottiene:

$$v_u = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) \cdot \left(\frac{R_b \cdot R_a}{R_a + R_b} \cdot \frac{v_a}{R_a} + \frac{R_a \cdot R_b}{R_a + R_b} \cdot \frac{v_b}{R_b}\right)$$

da cui si ricava:

$$v_u = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) \cdot (R_a // R_b) \cdot \left(\frac{v_a}{R_a} + \frac{v_b}{R_b}\right)$$

AMPLIFICATORE OPERAZIONALE

**esercizio:**

Si determini l'andamento del segnale presente all'uscita dello schema seguente, nel quale un sommatore in connessione invertente pilota un amplificatore anch'esso invertente.

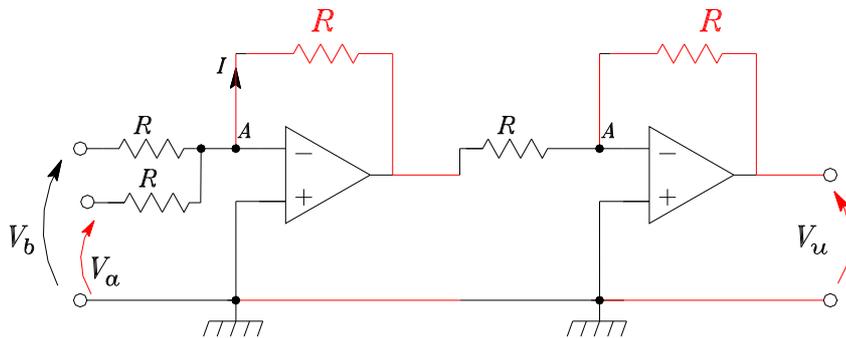
*va*: onda triangolare avente valor massimo  $V_{aM} = 2$  [V] e frequenza  $f_a = 100$  [Hz]

*vb*: onda quadra di ampiezza  $V_{bM} = 2$  [V] e frequenza  $f_b = f_a / 2 = 50$  [Hz] e fase coincidente con quella dell'onda triangolare.

$$R = 10 \text{ k}\Omega$$

$$V_{CC} = +15 \text{ V}$$

$$V_{EE} = -15 \text{ V}$$



**Soluzione:**

si ricorda che per uno stadio amplificatore invertente vale la seguente relazione:

$$A = \frac{vu}{vi} = -\frac{R_2}{R_1}$$

essendo  $R_2 = R_1 = R$  questo stadio ha il compito di l'uscita ottenuta dal sommatore per (-1).

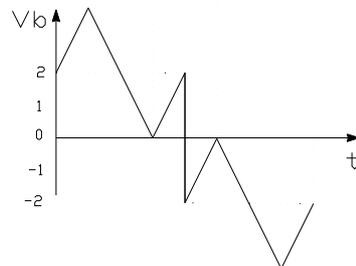
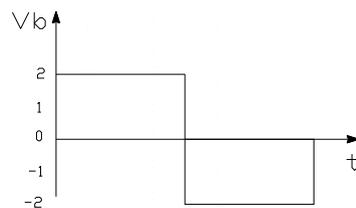
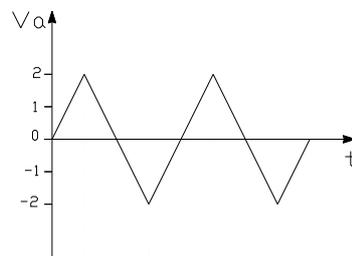
Altresi si evidenzia che il primo stadio è un circuito sommatore invertente a guadagno unitario dato che

$$R_{1a} = R_{1b} = R_2 \text{ (vedasi pag. 5)}$$

Pertanto l'uscita del circuito complessivo sarà:

$$vu = -(vu_a + vu_b) \cdot (-1)$$

$$vu = (vu_a + vu_b)$$

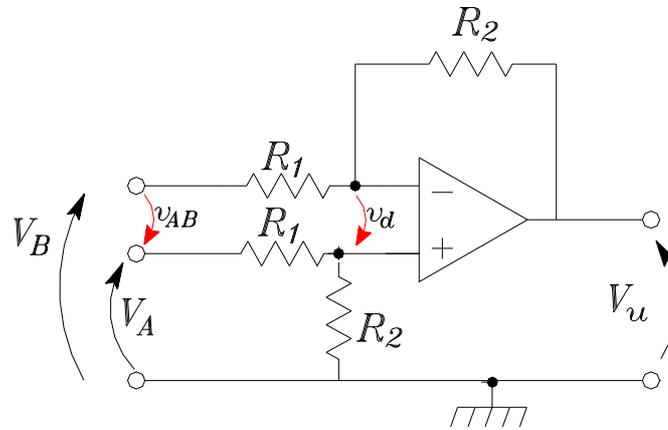


AMPLIFICATORE OPERAZIONALE

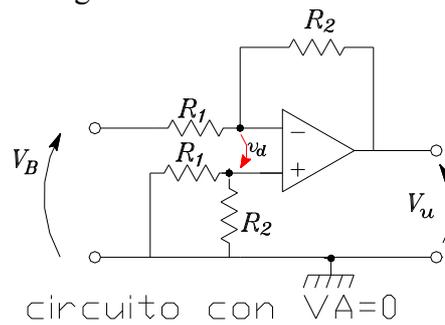
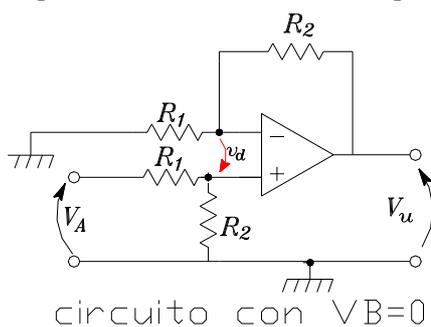
**La connessione differenziale ideale**

Ha il compito di amplificare la differenza di potenziale presente tra i suoi ingressi.

**Schema e relazioni fondamentali**



Per ottenere la relazione che lega l'uscita agli ingressi, si applica il principio di sovrapposizione degli effetti, pertanto si analizzeranno separatamente i seguenti circuiti:



**Circuito con  $V_B=0$**

Trattasi di un amplificatore non invertente, pertanto

$$v_{ua} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot v_a \cdot \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$$

**circuito con  $V_A=0$**

Trattasi di un amplificatore invertente, pertanto

$$v_{ub} = v_b \cdot \left( -\frac{R_2}{R_1} \right)$$

sommando le due uscite, si ottiene:

$$v_u = v_{ua} + v_{ub} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot v_a \cdot \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right) + v_b \cdot \left( -\frac{R_2}{R_1} \right)$$

$$v_u = \frac{R_2}{R_1} \cdot (v_a - v_b)$$